

# Architektury systemów komputerowych

10 września 2019

czas trwania: 180 minut

Punkty	0 – 49	50 – 59	60 – 69	70 – 79	80 – 89	90 – 100
Ocena	2.0	3.0	3.5	4.0	4.5	5.0

**Zadanie 1 (7).** Dla zadanych liczb zmiennopozycyjnych w formacie 1:3:4 (tj. znak, wykładnik, mantysa) oblicz wartość wyrażeń  $(a + b) + c$  i  $a + (b + c)$ . Wynik wyznacz używając zaokrąglania *round-to-even*. Wynik obliczeń należy podać w systemie binarnym. Obliczenia pośrednie wykonaj w brudnopisie.

zmienna	binarnie										
$a$	0 101 0001	$a + b =$	0b	0	0	1	0	0	1	0	0
$b$	1 100 1101	$(a + b) + c =$	0b	0	0	0	1	0	1	0	0
$c$	1 001 0100	$b + c =$	0b	1	1	0	1	0	0	0	0
		$a + (b + c) =$	0b	0	0	0	1	0	0	0	0

**Zadanie 2 (10).** W kodowaniu liczb BCD (ang. *binary-coded decimal*) każde kolejne 4 bity liczby kodują kolejne cyfry dziesiętne. Np. liczba 123 jest kodowana jako 0x123. Wiele operacji na liczbach BCD można wykonać za pomocą prostych operacji bitowych. Aby podwoić taką liczbę wystarczy dodać 3 do wszystkich cyfr większych od 4, a następnie całość przesunąć bitowo o jeden. Uzupełnij poniższe prostokąty, tak by powstała poprawna definicja funkcji `bcdx2`, która podwaja liczbę w kodowaniu BCD.

**Przykład:** `bcdx2(0x0700508900010034) = 0x1401017800020068`.

Najpierw zdefiniuj funkcję pomocniczą `bcdgt4`, która cyfry większe od 4 zamieni na 1, a pozostałe cyfry zamieni na 0. Nie przejmuj się cyframi większymi niż 9, bo nie są to poprawne cyfry dziesiętne.

**Przykład:** `bcdgt4(0x0732580123946645) = 0x0100110000101101`.

W wyrażeniach poza zmiennymi  $x$  i  $y$  oraz stałymi możesz użyć wyłącznie operatorów bitowych oraz operatora dodawania i przypisania. Każdy z prostokątów powinien zawierać ciąg co najwyżej czterech instrukcji. Łączna liczba wystąpień operatorów nie może przekraczać 18!

```
uint64_t bcdgt4(uint64_t x) {
```

```
    x += 0x3333333333333333;
    x >>= 3;
    x &= 0x1111111111111111;
```

```
    return x;
```

```
}
```

```
uint64_t bcdx2(uint64_t x) {
```

```
    uint64_t y = bcdgt4(x);
```

```
    x += y | (y << 1);
    x <<= 1;
```

```
    return x;
```

```
}
```

**Wskazówka:** W rozwiązaniu wzorcowym `bcdgt4` i `bcdx2` używają odpowiednio po 3 operatory i 4 operatory.

**Zadanie 3 (8).** Dla zmiennych  $x$  i  $y$  typu long funkcja tryadd oblicza sumę  $x$  i  $y$ , ale gdy to dodawanie generuje przepełnienie, to zwraca wartość  $x$ . Formalnie, funkcja tryadd jest zdefiniowana następująco:

$$\text{tryadd}(x, y) = \begin{cases} x + y, & \text{gd}y \text{ LONG\_MIN} \leq x + y \leq \text{LONG\_MAX}; \\ x, & \text{w p.p.} \end{cases}$$

W puste pola wpisz odpowiednie wyrażenia tak, by wartość zwracana przez funkcję tryadd była zgodna z powyższą definicją. W wyrażeniach poza stałymi i zdefiniowanymi zmiennymi możesz użyć wyłącznie dodawania i operatorów bitowych. Łączna liczba wystąpień operatorów nie może przekraczać 15!

Jako krok pośredni obliczeń należy wyznaczyć wartość zmiennej mask zdefiniowanej następująco:

$$\text{mask} = \begin{cases} \text{ULONG\_MAX}, & \text{gd}y \text{ LONG\_MIN} \leq x + y \leq \text{LONG\_MAX}; \\ 0, & \text{w p.p.} \end{cases}$$

```
long tryadd(long x, long y) {
    long sum = x + y;

    long mask = ((x ^ y) | (x ^ ~sum)) >> 63;

    return x + (mask & y);
}
```

**Wskazówka:** W rozwiązaniu wzorcowym użyto 7 operatorów.

**Zadanie 4 (10).** Przeczytaj poniższy kod w języku C i odpowiadający mu kod w asemblerze x86-64, po czym wywnioskuj wartość stałych L, M i N. W kratce poniżej należy umieścić **krótki i zwięzły** opis wnioskowania prowadzący do odpowiedzi. Tablice są umieszczone w pamięci w porządku row-major.

<pre>long array1[L][M][N]; long array2[M][N][L];  void copy(long i, long j, long k) {     array1[i][j][k] =         array2[j][k][i]; }</pre>	<pre>copy:     lea (%rsi,%rsi,4), %rax     lea (%rsi,%rax,2), %rcx     lea (%rdi,%rdi,4), %rax     lea (%rdi,%rax,2), %rax     lea (%rax,%rax,4), %rax     add %rcx, %rax     add %rdx, %rax     add %rdx, %rcx     lea (%rdi,%rcx,2), %rdx     mov array2(,%rdx,8), %rdx     mov %rdx, array1(,%rax,8)     ret</pre>	<p>L = <span style="border: 1px solid black; padding: 2px 10px;">2</span></p> <p>M = <span style="border: 1px solid black; padding: 2px 10px;">5</span></p> <p>N = <span style="border: 1px solid black; padding: 2px 10px;">11</span></p>
--	---	--

**Zadanie 5 (8).** Posługując się ABI dla architektury x86-64 wyznacz rozmiar struktury `node`, rozmiary pól i ich przesunięcie względem początku struktury. W **pierwszą** kolumnę po lewej stronie wpisz **przesunięcie**, a w **drugą rozmiar** danego pola. W kratkę po prawej stronie należy wpisać zoptymalizowaną wersję struktury i jej rozmiar.

```

struct node {
  0  2  char id[2];
  8  8  int (*hashfn)(char *);
 16  2  short flags;
      union {
          struct {
 20  2  short n_key;
 24  8  int n_data[2];
 32  1  unsigned char n_type;
          };
 20  8  unsigned l_value[2];
      };
};

```

```

struct node_opt {
  int (*hashfn)(char *); // 0 8
  short flags; // 8 2
  char id[2]; // 10 2
  union {
      struct {
          int n_data[2]; // 12 8
          short n_key; // 20 2
          unsigned char n_type; // 22 1
      };
      unsigned l_value[2]; // 12 8
  };
};

```

```
/* sizeof(struct node) == 40 */
```

```
/* sizeof(struct node_opt) == 24 */
```

**Zadanie 6 (10).** W prostokąt poniżej wpisz treść procedury w języku C, która wykonuje to samo obliczenie, co poniższa procedura `foo` zaprogramowana w assemblerze. Kod w języku C może zawierać tylko instrukcje sterujące «for» i «if». Użycie «goto» i «while» jest niedozwolone. Parametr «s» wskazuje na ciąg 7-bitowych kodów ASCII.

```

foo:  xor    %eax, %eax
      xor    %ecx, %ecx
.L2:  mov    (%rdi), %d1
      test   %d1, %d1
      je    .L7
      inc   %rax
      cmp   %d1, %c1
      jle  .L3
      mov   $1, %eax
.L3:  inc   %rdi
      mov   %edx, %ecx
      jmp  .L2
.L7:  ret

```

```

long foo(const char *s) {
  char curr, prev = 0;
  long run = 0;
  for (; (curr = *s); prev = curr, s++) {
    if (prev <= curr)
      run++;
    else
      run = 1;
  }
  return run;
}

```

W prostokąt poniżej wpisz słowne wyjaśnienie, co robi funkcja `foo`.

«foo» wyznacza w ciągu znaków «s» zakończonym zerem maksymalną długość sufiksu składającego z niemalejących kodów ASCII.

**Wskazówka:** Rejestry `%c1` i `%d1` to najmłodsze bajty odpowiednio rejestrów `%rcx` i `%rdx`.

**Zadanie 7 (9).** Niech  $x$  i  $y$  będą liczbami całkowitymi typu `int`. Podaj dowolne wartości, dla których poniższe wyrażenia będą fałszywe lub napisz prawdę, jeśli wyrażenie jest zawsze prawdziwe.

$(x \wedge y) < 0$	<code>x=y=0</code>
$((\sim(x   (\sim x + 1))) \gg 31) \& 0x1) == !x$	PRAWDA
$(x \wedge (x \gg 31)) - (x \gg 31) > 0$	<code>x=0</code>
$((x \gg 31) + 1) \geq 0$	PRAWDA
$(!x   !!y) == 1$	<code>x=1, y=0</code>
$x \wedge y \wedge (\sim x) - y == y \wedge x \wedge (\sim y) - x$	<code>x=1, y=0</code>

**Zadanie 8 (8).** Na podstawie poniższego kodu w asemblerze x86-64 uzupełnij (a) w kodzie źródłowym w języku C puste pola, w których brakuje słowa kluczowego `break` lub specjalnej dyrektywy `fallthrough` (dostępne w `gcc-8`) oznaczającej przejście do wykonania następnego przypadku (b) tabelę skoków, która widnieje po prawej stronie, używaną przez instrukcję pod adresem `0x401b5a`.

<code>long lol(long a, long b)</code>			
<code>{</code>			
<code>switch (a)</code>		<code>0x47d008:</code>	<code>0x401b61</code>
<code>{</code>			
<code>case 210:</code>		<code>0x47d010:</code>	<code>0x401b82</code>
<code>  b *= 13;</code>			
<code>  [ ]</code>	<code>401b4d &lt;lol&gt;:</code>	<code>0x47d018:</code>	<code>0x401b82</code>
<code>  break;</code>	<code>401b4d: lea -210(%rdi),%rax</code>		
<code>case 213:</code>	<code>401b54: cmp \$9,%rax</code>	<code>0x47d020:</code>	<code>0x401b6a</code>
<code>  b = 18243;</code>	<code>401b58: ja 401b82 &lt;lol+0x35&gt;</code>		
<code>  [ ]</code>	<code>401b5a: jmp *0x47d008(,%rax,8)</code>	<code>0x47d028:</code>	<code>0x401b6f</code>
<code>  fallthrough;</code>	<code>401b61: lea (%rsi,%rsi,2),%rax</code>		
<code>case 214:</code>	<code>401b65: lea (%rsi,%rax,4),%rax</code>	<code>0x47d030:</code>	<code>0x401b82</code>
<code>  b *= b;</code>	<code>401b69: ret</code>		
<code>  [ ]</code>	<code>401b6a: mov \$18243,%esi</code>	<code>0x47d038:</code>	<code>0x401b77</code>
<code>  break;</code>	<code>401b6f: mov %rsi,%rax</code>		
<code>case 216:</code>	<code>401b72: imul %rsi,%rax</code>	<code>0x47d040:</code>	<code>0x401b82</code>
<code>case 218:</code>	<code>401b76: ret</code>		
<code>  b -= a;</code>	<code>401b77: mov %rsi,%rax</code>	<code>0x47d048:</code>	<code>0x401b77</code>
<code>  [ ]</code>	<code>401b7a: sub %rdi,%rax</code>		
<code>  break;</code>	<code>401b7d: ret</code>	<code>0x47d050:</code>	<code>0x401b7e</code>
<code>case 219:</code>	<code>401b7e: add \$0xd,%rsi</code>		
<code>  b += 13;</code>	<code>401b82: lea -9(%rsi),%rax</code>		
<code>  [ ]</code>	<code>401b86: ret</code>		
<code>  fallthrough;</code>			
<code>default:</code>			
<code>  b -= 9;</code>			
<code>}</code>			
<code>return b;</code>			
<code>}</code>			

**Zadanie 9 (12).** System posiada 1 KiB sekcyjno-skojarzeniowej czterodrożnej pamięci podręcznej danych. Rozmiar bloku wynosi 16 bajtów. Polityka zastępowania to LRU (ang. *least recently used*). Dwuwymiarowa tablica A jest umieszczona w pamięci pod adresem 0x80000 i zawiera 64 wiersze po 64 elementy typu «int». Przed wykonaniem programu pamięć podręczna danych jest pusta. Jedyłą instrukcją generującą dostęp do pamięci danych jest odczyt z tablicy A. Niech chybień zastępujące ma miejsce wówczas, gdy jest związane z usunięciem ofiary ze zbioru, a niezastępujące, gdy blok zostaje skopiowany do nieużywanej linii pamięci podręcznej.

```
int maxH(int A[N][N], int H, int W) {
    int m = 0;
    for (int i = 0; i < H; i++)
        for (int j = 0; j < W; j++)
            m = max(m, A[i][j]);
    return m;
}

int maxV(int A[N][N], int H, int W) {
    int m = 0;
    for (int j = 0; j < W; j++)
        for (int i = 0; i < H; i++)
            m = max(m, A[i][j]);
    return m;
}
```

Wykonujemy procedury z poniższej tabelki. Każde kolejne wywołanie procedury widzi stan pamięci podręcznej po wykonaniu poprzedniej procedury. Chcemy znać liczbę trafień i chybień jakie wygeneruje każde z wywołań.

Wywołanie procedury	Trafienia	Chybień zastępujące	Chybień niezastępujące
maxH(A, 2, 64);	96	0	32
maxV(A, 64, 2);	2	124	2
maxH(A, 64, 64);	3072+30	4+960	30
maxV(A, 64, 64);	0	4096	0

**Zadanie 10 (6).** Wyznacz zawartość tablicy symboli, tj. zasięg widoczności (local, global) i sekcję (.text, .data, .bss, .rodata, COMMON, UNDEF) danego symbolu. Podkreśl w kodzie miejsca wystąpienia relokacji.

```
static int array[100];
int *iptr = &array[20];
int bias;

static int map(int (*fn)(int),
               int a[]) {
    for (int sum = 0;
         *a;
         sum += fn(*a++));
    return sum + bias;
}

void foo() {
    printf("n = %d\n",
          map(dbl, iptr));
}
```

Symbol	Zasięg	Sekcja
array	local	.bss
iptr	global	.data
bias	local	COMMON
map	local	.text
foo	global	.text
printf	global	UNDEF
'...'	local	.rodata
dbl	global	UNDEF

**UWAGA!** W kodzie występują stałe, które kompilator umieści w sekcji .rodata i przypisze im symbol.

**Zadanie 11 (12).** TLB zorganizowano jako dwudrożną pamięć sekcyjno-skojarzeniową o 4 zbiorach. Wirtualna przestrzeń adresowa ma  $2^{14}$  bajtów, a fizyczna  $2^{12}$ . Rozmiar strony to 64 bajty. Polityka wymiany wpisów to NRU (ang. *not recently used*). Pole NRU równe 0 i 1 wyznacza kandydata do usunięcia na odpowiednio lewy i prawy element w zbiorze. Poniżej widnieje początkowy stan TLB i 16 pierwszych wpisów tablicy stron (pozostałe są puste). Procedura obsługi błędu stron ma do dyspozycji kolejne wolne numery stron fizycznych: 08, 14, 06, 1C.

SET	TAG	PPN	TAG	PPN	NRU
0	03	19	-	-	1
1	1A	1C	02	17	1
2	3F	3F	-	-	1
3	-	-	-	-	0

VPN	PPN	VPN	PPN	VPN	PPN	VPN	PPN
00	28	04	31	08	13	0C	19
01	-	05	16	09	17	0D	2D
02	33	06	-	0A	09	0E	11
03	02	07	-	0B	-	0F	0D

Przetłumacz adresy wirtualne podane w poniższej tabeli. Dla każdego adresu wskaż czy chybił w TLB lub wygenerował błąd strony. Podaj też ostateczny stan TLB po przetłumaczeniu wszystkich adresów. **Udzielając odpowiedzi należy użyć zapisu szesnastkowego!** Pierwszy adres został już przetłumaczony, a modyfikacja stanu TLB została uwzględniona w tabelce wyżej. Wszystkie liczby podano w systemie szesnastkowym!

Virt	Phys	VPN	PPN	Index	Tag	Miss	Fault
1A7C	73C	69	1C	1	1A	NIE	NIE
03E1	361	0F	0D	3	03	TAK	NIE
1964	224	65	08	1	19	TAK	TAK
0240	5C0	09	17	1	02	TAK	NIE
3FAA	FEA	FE	3F	2	3F	NIE	NIE

SET	TAG	PPN	TAG	PPN	NRU
0	03	19	-	-	1
1	02	17	19	08	1
2	3F	3F	-	-	1
3	03	0D	-	-	1